

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Новгородской области**

**Комитет образования Администрации Маловишерского муниципального**

**района Новгородской области**

**Средняя школа д. Бурга**

**РАССМОТРЕНО**

на МО учителей-  
предметников

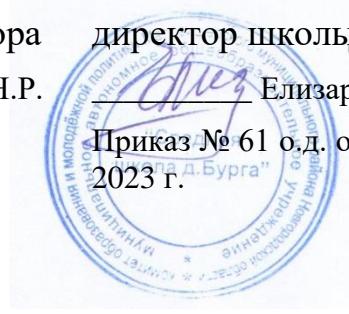
 Федорос Н.Р.  
протокол № 1 от «30» 08  
2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

заместитель директора  
 Федорос Н.Р.  
от «30» 08 2023 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

директор школы  
 Елизарова Т. И.  
Приказ № 61 о.д. от «30» 08  
2023 г.



## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного курса «Математический практикум»  
для обучающихся 8-9 классов**

**д. Бурга, 2023**

## **Пояснительная записка**

Курс «Математический практикум» предназначен для обучающихся 8-9-х классов и имеет практико-ориентированную направленность. Основное назначение данного курса – подготовка выпускников к прохождению промежуточной аттестации по математике в 8 классе и государственной итоговой аттестации по математике в 9 классе, результаты которой будут способствовать осознанному выбору дальнейшего пути получения образования, а также могут учитываться при выборе профиля в 10 классе. Курс способствует развитию мышления обучающихся; формирует базу общих универсальных приемов и подходов к решению заданий соответствующих типов. Курс «Математический практикум» включает в себя задания, как углубляющего, так и развивающего характера. Обязательным элементом будет являться работа со справочным материалом, дополнительной литературой.

**Цель курса:** подготовка обучающихся к сдаче экзамена в форме ОГЭ и ГВЭ в соответствии с требованиями, предъявляемыми образовательными стандартами.

### **Задачи курса:**

1. повторение, обобщение, расширение математических знаний за курс основной общеобразовательной школы, интеллектуальное, творческое развитие обучающихся;
2. развитие устойчивого интереса к предмету;
3. формирование аналитического мышления, развитие памяти, кругозора, умения преодолевать трудности при решении более сложных задач;
4. осуществление работы с дополнительной литературой;
5. развитие информационной культуры; отработка умений пользоваться контрольноизмерительными материалами;
6. знакомство обучающихся с едиными требованиями к правилам оформления различных видов заданий, включаемых в итоговую аттестацию за курс основной школы; обеспечение достаточно прочной базовой математической подготовки, необходимой для продуктивной деятельности в современном информационном мире.

### **Место курса в учебном плане**

На изучение учебного курса «Математический практикум» отводится 34 часа: 8 класс – 17 часов, 9 класс – 17 часов

### **Содержание курса**

#### **Модуль «Алгебра»**

##### **Числа и выражения. Преобразование выражений**

Арифметические действия над натуральными числами. Признаки делимости. Делимость суммы и произведения. Использование разложения на множители в задачах на делимость. Степень с натуральным показателем. Обыкновенная дробь. Основное свойство дроби. Сравнение дробей. Арифметические действия с обыкновенными дробями. Десятичная дробь. Сравнение десятичных дробей. Арифметические действия с десятичными дробями. Представление десятичной дроби в виде обыкновенной дроби и обыкновенной в виде десятичной.

Целые числа: положительные, отрицательные и нуль. Модуль (абсолютная величина) числа. Сравнение рациональных чисел. Арифметические действия с рациональными числами. Степень с целым показателем. Свойства степени. Числовые выражения, порядок действий в них, использование скобок. Законы арифметических действий: переместительный, сочетательный, распределительный. Действительные числа. Квадратный корень из числа. Свойства арифметического квадратного корня. Стандартный вид числа. Формулы сокращённого умножения. Приёмы разложения на множители. Выражение переменной из формулы. Нахождение значений переменной.

##### **Уравнения, системы уравнений**

Уравнение с одной переменной. Корень уравнения. Линейное уравнение. Квадратное уравнение: формула корней квадратного уравнения. Приложения теоремы Виета. Уравнения, сводящиеся к квадратным. Дробные рациональные уравнения. Исследование квадратного уравнения.

Примеры решения уравнений высших степеней; методы замены переменной, разложения на множители.

Система двух линейных уравнений с двумя переменными; решение подстановкой и алгебраическим сложением. Уравнение с несколькими переменными. Примеры решения нелинейных систем.

### **Неравенства, системы неравенств**

Числовые неравенства и их свойства. Неравенство с одной переменной. Решение неравенства. Линейные неравенства с одной переменной и их системы. Уравнения и неравенства, содержащие модуль. Квадратные неравенства. Рациональные неравенства. Примеры решения дробно-линейных неравенств. Системы неравенств.

### **Уравнения и неравенства с модулем**

Модуль числа, его геометрический смысл, основные свойства модуля. Уравнения и неравенства, содержащие знак модуля и способы их решения.

### **Уравнения и неравенства с параметром**

Линейные и квадратные уравнения и неравенства с параметром, способы их решения. Применение теоремы Виета. Расположение корней квадратного уравнения относительно заданных точек. Системы линейных уравнений.

### **Функции**

Понятие функции. Область определения функции. Способы задания функции. График функции, возрастание и убывание функции, наибольшее и наименьшее значения функции, нули функции, промежутки знакопостоянства. Чтение графиков функций.

Линейная функция, ее график, геометрический смысл коэффициентов. Гипербола. Квадратичная функция, ее график, парабола. Координаты вершины параболы, ось симметрии. Графики функций: корень квадратный, корень кубический, модуль.

### **Текстовые задачи**

Задачи на «движение», на «концентрацию», на «смеси и сплавы», на «работу». Задачи геометрического содержания. Переход от словесной формулировки соотношений между величинами к алгебраической. Решение текстовых задач алгебраическим способом.

### **Модуль «Геометрия»**

#### **Виды углов и их свойства.**

Угол. Прямой угол. Острые и тупые углы. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла и ее свойства.

#### **Многоугольники, свойства многоугольников.**

Выпуклые многоугольники. Сумма углов выпуклого многоугольника. Вписанные и описанные многоугольники. Правильные многоугольники.

Прямоугольные, остроугольные, и тупоугольные треугольники. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренные и равносторонние треугольники; свойства и признаки равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников. Неравенство треугольника. Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника. Зависимость между величинами сторон и углов треугольника. Подобие треугольников; коэффициент подобия. Признаки подобия треугольников. Теорема Пифагора. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Синус, косинус, тангенс, котангенс острого угла прямоугольного треугольника и углов от  $0^\circ$  до  $180^\circ$ ; приведение к оструму углу. Решение прямоугольных треугольников. Основное тригонометрическое тождество. Теорема косинусов и теорема синусов; примеры их применения для вычисления элементов треугольника. Замечательные точки треугольника: точки пересечения серединных перпендикуляров, биссектрис, медиан.

Параллелограмм, его свойства и признаки. Прямоугольник, квадрат, ромб, их свойства и признаки. Трапеция, средняя линия трапеции; равнобедренная трапеция.

#### **Площадь многоугольника.**

Понятие о площади плоских фигур. Равносоставленные и равновеликие фигуры.

Площадь прямоугольника. Площадь параллелограмма, треугольника и трапеции (основные формулы).

#### **Окружность, круг и их элементы.**

Центр, радиус, диаметр. Дуга, хорда. Сектор, сегмент. Центральный, вписанный угол; величина вписанного угла. Взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей. Касательная и секущая к окружности, равенство касательных, проведенных из одной точки.

Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника. Вписанные и описанные четырехугольники.

### **Модуль «Реальная математика»**

#### **Вероятность.**

Частота события, вероятность. Равновозможные события и подсчет их вероятности.

#### **Проценты**

Решение задач на проценты.

## **Планируемые результаты освоения учебного курса «Математический практикум»**

#### **Личностные результаты изучения:**

- способность к эмоциональному восприятию рассуждений, решений задач, проблем, математических объектов;
- умение строить устные и письменные речевые конструкции с использованием изученных символов и терминов;
- переводить с математического языка на естественный;
- понимать смысл поставленной задачи и ограничения при использовании изученных алгоритмов.

#### **Метапредметные результаты изучения:**

- умение работать с текстом;
- осознанно выбирать стратегию и способ решения задачи;
- умение проводить несложные доказательные рассуждения;
- умение планировать свою деятельность;
- умение распознавать верные и неверные рассуждения;
- умение действовать по алгоритму и составлять несложные алгоритмы;
- умение видеть математическую задачу в несложных практических ситуациях.

#### **Коммуникативные универсальные учебные действия:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

#### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

## **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **Предметные результаты освоения курса выражаются в следующем:**

- овладение системой математических умений, необходимых для применения в практической деятельности, изучения смежных дисциплин, продолжения образования;
- интеллектуальное развитие, формирование качеств личности, необходимых человеку для полноценной жизни в современном обществе, свойственных математической деятельности: ясности и точности мысли, критичности мышления, интуиции, логического мышления, элементов алгоритмической культуры, пространственных представлений, способности к преодолению трудностей;
- формирование представлений об идеях и методах математики как универсального языка науки и техники, средства моделирования явлений и процессов;
- воспитание культуры личности, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры, играющей особую роль в общественном развитии;
- воспитание умения принять решение, зависящее от правильной ориентировки в условиях задач.

## **Выпускник научится:**

- Выполнять основные действия с алгебраическими дробями.
- Находить значение переменной при условии: дробь имеет смысл, не имеет смысла;
- Сравнивать числа, использовать координатную прямую для сравнения чисел, находить решение числового неравенства.
- Решать числовые неравенства с помощью координатных плоскостей.
- Упрощать неравенства с использованием основных свойств числовых неравенств.
- Решать неравенство с одним переменным, соотносить неравенство с соответствующим графиком.
- Находить модуль числа, закрепить определение модуля через решение уравнения и неравенства.
- Находить значение квадратного корня.
- Применять свойства арифметических квадратных корней для вычисления значений и преобразований числовых выражений, содержащих квадратные корни.
- Решать примеры на выполнение действий с действительными числами.
- Находить точку, отмеченную на координатной прямой, соответствующую действительному числу.
- Научиться составлять квадратное уравнение.
- Находить корни квадратного уравнения, составлять квадратные уравнения по известным его корням.
- Находить неизвестный параметр при некотором условии, производить разложение квадратного трехчлена на линейные множители, выполнять сокращение дробей.
- Решать дробно-rationальные и биквадратные уравнения.
- Составлять алгоритм решения квадратных уравнений.
- Уметь представлять на графиках различные зависимости между величинами.
- Использовать математический язык для описания многообразия реальных зависимостей.
- Определять и находить формулы зависимости между величинами, составлять таблицы и находить значения функции.
- Находить значения функции, значения аргумента по графику. Составлять таблицы значений функции. Выполнять построение графика функции.

- Строить график функции по его свойствам, соотносить графики с формулой, описывать свойства функций по их графикам.
- Находить область определения функции, значения функции.
- Определять неизвестные величины по известным данным.
- Строить график функции.
- Решать текстовые задачи алгебраическим способом, интерпретировать полученный результат, проводить отбор решений.
- Составлять множество из элементов, определять подмножества, находить: пересечение множеств, объединение множеств, разность множеств.
- Решать комбинаторные задачи путем систематического перебора возможных вариантов, а также с использованием правила умножения.
- Вычислять средние значения результатов измерений.
- Находить вероятности случайных событий в простейших случаях
- Производить оценку вероятности случайного события в практических ситуациях, сопоставлять модели с реальной ситуацией.

**Выпускник получит возможность научиться:**

- Овладеть методами решения задач на вычисления и доказательства;
- Приобрести опыт применения алгебраического аппарата при решении задач;
- Приобрести опыт исследования свойств фигур;
- Приобрести опыт выполнения проектов «на построение»;
- Приобрести опыт использования компьютерных программ.

**Тематическое планирование  
8 класс**

№ урока	Тема	Количество часов
<b>Модуль «Алгебра». Числа и выражения. Преобразование выражений</b>		4
1	Выполнение действий с десятичными дробями.	1
2	Выполнение действий с обыкновенными дробями.	1
3	Задачи на сравнение чисел с помощью координатной прямой.	1
4	Применение свойств степени с натуральным показателем.	1
<b>Модуль «Алгебра». Неравенства, системы неравенств</b>		2
5	Линейные неравенства.	1
6	Системы неравенств.	1
<b>Модуль «Геометрия»</b>		3
7	Углы и их виды.	1
8	Свойства сторон и углов в различных треугольниках. Свойства сторон и углов четырехугольника.	1
9	Площадь многоугольника.	1
<b>Модуль «Реальная математика». Вероятность.</b>		3
10	Задачи на проценты.	1

11	Вероятность.	1
12	Практические задачи по геометрии.	1
<b>Модуль «Алгебра». Уравнения, системы уравнений</b>		<b>2</b>
13	Решение уравнений. Виды уравнений. Системы уравнений	1
14	Преобразование выражений, содержащих квадратные корни.	1
<b>Модуль «Алгебра». Функции</b>		<b>1</b>
15	Функции и их графики. Построение графиков функций.	1
<b>Модуль «Геометрия»</b>		<b>1</b>
16	Задания на клетчатой бумаге. Окружность, круг и их элементы. Центральные и вписанные углы.	1
<b>Обобщающее повторение.</b>		<b>1</b>
17	Решение заданий КИМов ОГЭ.	1
Всего		17

### 9 класс

№ п/п	Тема	Количество часов
<b>Модуль «Алгебра». Числа и выражения. Преобразование выражений</b>		<b>3</b>
1	Десятичные дроби. Обыкновенные дроби.	1
2	Преобразование выражений, содержащих степени. Преобразование выражений, содержащих корни.	1
3	Преобразование алгебраических выражений, алгебраических дробей.	1
<b>Модуль «Алгебра». Уравнения, системы уравнений</b>		<b>3</b>
4	Линейные уравнения. Системы уравнений.	1
5	Способы решения квадратных уравнений.	1
6	Решение алгебраических уравнений методом разложения на множители. Решение алгебраических уравнений методом замены переменной.	1
<b>Модуль «Алгебра». Неравенства, системы неравенств</b>		<b>2</b>
7	Неравенства.	1
8	Системы неравенств.	1
<b>Модуль «Алгебра». Функции</b>		<b>2</b>
9	Функции.	1
10	Построение графиков функций.	1
<b>Модуль «Геометрия</b>		<b>4</b>

11	Треугольник. Площадь треугольника	1
12	Четырехугольник. Площадь четырёхугольника	1
13	Окружность, круг и их элементы. Центральные и вписанные углы.	1
14	Синус, косинус, тангенс угла.	1
<b>Модуль «Реальная математика». Вероятность.</b>		1
15	Проценты. Вероятность.	1
<b>Модуль «Алгебра». Текстовые задачи.</b>		<b>1</b>
16	Текстовые задачи на работу; смеси, сплавы.	1
<b>Обобщающее повторение.</b>		<b>1</b>
17	Решение заданий КИМов ОГЭ	1

## **Учебно-методическое обеспечение 8 класс**

1. Алгебра: учебник для 8 класса./Ю.М.Колягин, М.В. Ткачёва, Н.Е.Фёдорова, М.И.Шабунин / – М.: Просвещение, 2014.
2. Галицкий М.Л. Сборник задач по алгебре: учебное пособие для 8-9 классов с углублённым изучением математики/М.Л. Галицкий, А.М. Гольдман, Л.И. Звавич.-М.: Просвещение, 2001.
3. Ткачёва М.В. Алгебра. Дидактические материалы. 8 класс /М.В. Ткачёва, Н.Е. Фёдорова, М.В. Шабунин, -М.: Просвещение,2011.
4. Ткачёва М.В. Алгебра. Тематические тесты. 8 класс: пособие для общеобразовательных организаций /М.В. Ткачёва. – М.: Просвещение, 2014.

## **9 класс**

1. ГИА-2015. Экзамен в новой форме. Математика. 9 класс/ ФИПИ авторы- составители: В.Л. Кузнецова, С.Б. Суворова, Е.А. Бунимович - М.: Астрель, 2014.
2. Гусева И.Л. Тестовые материалы для оценки качества обучения. Алгебра.9 класс- М.: Интеллект-Центр, 2014.
3. Крайнева Л. В. Алгебра 9 класс. Практикум. Готовимся к ГИА- М.: Интеллект-Центр, 2015.
4. Лебединцева Е. А., Беленкова Е. Ю. Алгебра 9 класс. Задания для обучения и развития учащихся.- М.: Интеллект-Центр, 2014.
5. Лысенко Ф.Ф., Кулабухова С. Ю. Промежуточная аттестация–Ростов-на-Дону: Легион-М, 2011.

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

<http://sdamgia.ru> - открытый банк заданий по математике для подготовки к ОГЭ

<http://uztest.ru/exam?idexam=3> - ОГЭ (интерактивные тесты по темам)

<http://www.fipi.ru/> - Федеральный институт педагогических измерений